



A

YURTDIŞINDAN VEYA YABANI UYRUKLU ÖĞRENCİ SINAVI  
TEMEL ÖĞRENME BECERİLERİ TESTİ

EXAMINATION FOR FOREIGN OR OVERSEAS STUDENTS  
BASIC LEARNING SKILLS TEST

CONCOURS POUR LES ETUDIANTS DE L'ETRANGER OU DE NATIONALITE ETRANGERE  
TEST DE COMPETENCES ET DE CONNAISSANCES DE BASE

اختبار مهارات التعليم الأساسية  
للطلاب المغتربين أو الأجانب

ЭКЗАМЕН ДЛЯ ИНОСТРАННЫХ АБИТУРИЕНТОВ И ИНОСТРАННЫХ ГРАЖДАН, ЖИВУЩИХ В ТУРЦИИ  
ТЕСТ ПО ОСНОВАМ ЗНАНИЙ

AUFGNAHMEPRÜFUNG FÜR STUDIENANWÄRTER AUS DEM AUSLAND BZW. FÜR AUSLÄNDISCHE STUDIENANWÄRTER  
TEST FÜR GRUNDLEGENDE LERNFÄHIGKEITEN

11.06.2022

AD / NAME / PRENOM / الاسم / ИМЯ / VORNAME :

SOYAD / SURNAME / NOM / اللقب / ФАМИЛИЯ / NACHNAME :

ADAY NO / APPLICANT NUMBER / NUMERO DE CANDIDAT / رقم الطالب / HOMEP АБИТУРИЕНТА  
/ STUDIENANWÄRTERNUMMER:

SINAV SALON NO / EXAM ROOM NUMBER / NUMERO DE SALLE DE CONCOURS / رقم حجرة الاختبار / НОМЕР ЭКЗАМЕНАЦИОННОЙ  
АУДИТОРИИ / PRÜFUNGSSAALNUMMER :

Adınızı, soyadınızı, aday numaranızı ve sınav salon numaranızı yukarıya yazınız.

Write your name, surname, applicant number and exam room number in the appropriate places above.

Notez en haut votre prénom, nom, numéro de candidat et le numéro de salle de concours.

أكتب في المكان الموضح أعلاه اسمك ولقبك ورقم الطالب الخاص بك ورقم حجرة الاختبار

Верху напишите имя, фамилию, номер абитуриента и экзаменаціонной аудитории

Bitte tragen Sie oben Ihren Vornamen, Nachnamen, Ihre Studienanwärternummer und die Prüfungssaalnummer ein!



Bu testlerin her hakkı saklıdır. Hangi amaçla olursa olsun, testlerin tamamının veya bir kısmının İstanbul Üniversitesi'nin yazılı izni olmadan kopya edilmesi, fotoğrafının çekilmesi, herhangi bir yolla çoğaltıması, yayımlanması ya da kullanılması yasaktır. Bu yasağı uymayanlar gerekli cezai sorumluluğu ve testlerin hazırlanmasındaki mali külfeți peşinen kabullenmiş sayılır.

All rights are reserved for this exam. No matter what the reason is it is forbidden to copy, take the photo, press or use the whole part or any part of this exam without the officially written permission of the Istanbul University. Anybody who does not obey this rule has automatically accepted the criminal liability and financial responsibility which is spent for this exam.

Les droits de ces tests sont réservés. Quelle que soit la raison, il est interdit de les reproduire en tout ou en partie sans l'autorisation écrite de l'Université d'Istanbul, de prendre des photos, de faire la reproduction par tout autre moyen, de les publier et les utiliser. Ceux qui ne respectent pas ces interdictions auront accepté à l'avance la responsabilité pénale et seront soumis à des charges financières relatives à la préparation des tests.

جميع الحقوق لهذه الأسئلة محفوظة. يمنع منعاً باتاً لأي غرض كان، أن يتم نسخها أو تصويرها أو نشرها كاملاً أو جزءاً منها بدون تصريح رسمي من قيل جامعة اسطنبول. ويعتبر مسبقاً من يخالف هذه الحقوق متحملماً المسؤولية الجنائية والتكلفة المالية لتحصين الأسئلة.

Все права на данные тесты защищены. Запрещается с какой бы то ни было целью копировать полностью или частично, фотографировать, размножать, публиковать или использовать данные тесты без письменного разрешения Стамбульского Университета. При игнорировании запрета нарушители считаются заранее принявшими на себя уголовную ответственность и финансовые потери при подготовке данных тестов.

Dieser Test unterliegt dem Urheberrecht. Das Kopieren, Fotografieren, die Vervielfältigung auf verschiedenen Wegen, die Veröffentlichung oder die Nutzung dieses Tests bzw. seiner Teile – zu welchen Zwecken es auch sein mag – ist ohne die schriftliche Erlaubnis der Istanbul Universität nicht gestattet. Personen, die dieses Urheberrecht verletzen, werden strafrechtlich verfolgt und haften für die Kosten zur Erstellung dieses Tests.

## GENEL AÇIKLAMALAR

1. Bu sınavdaki soruların nasıl cevaplanacağı, testlerin başında açıklanmıştır. Soruları cevaplamaya başlamadan önce bu açıklamaları dikkatle okuyunuz.
2. Bu testlerdeki her sorunun bir tek doğru cevabı vardır. Bir soru için birden çok cevap yeri işaretlenmişse, o soru yanlış cevaplanmış sayılacaktır.
3. Cevaplarınızı koyu siyah ve yumuşak bir kurşun kalemlle işaretleyiniz. İşaretlerinizi cevap yerinin dışına taşırmayınız. Tükenmez kalem veya dolma kalem kullanmayınız.
4. Cevap kâğıdınızı buruşturmayınız, katlamayınız ve üzerine gereksiz hiçbir işaret koymayınız.
5. Değiştirmek istediğiniz bir cevabı, yumuşak bir silgiyle, cevap kâğıdını örselemeden, temizce siliniz ve yeni cevabınızı işaretlemeyi unutmayın.
6. Bu testler puanlanırken, doğru cevaplarınızın sayısından yanlış cevaplarınızın sayısının dörtte biri düşülecek ve kalan sayı ham puanınız olacaktır.
7. Sınavda uyulacak diğer kurallar bu kitabıçığın arka kapağında belirtilmiştir.

## GENERAL INSTRUCTIONS

1. The exam instructions appear at the beginning of the tests. Please read them carefully before beginning.
2. In these tests there is only one correct answer for each question. If more than one alternative is marked for a question, that answer will automatically be considered wrong.
3. You should use a soft, black pencil to mark the answer sheet. Completely fill in the circle for the answer you have chosen, but make sure your mark does not go beyond the borders of the circle. Do not use any kind of pen.
4. Keep the answer sheet flat and do not fold it. Do not make any unnecessary marks on it.
5. If you wish to change an answer, carefully erase it completely with a very soft eraser. Do not forget to mark your answer.
6. In the scoring of the tests, for every four incorrect answers, one correct answer will be deducted; the remainder will be the raw score.
7. The other regulations concerning the administration of the tests are mentioned at the back of the booklet.

## EXPLICATIONS GENERALES

1. Au début des tests se trouvent les modalités concernant les réponses aux questions. Lisez attentivement ces explications avant de répondre aux questions.
2. Dans ces tests, chaque question a une seule réponse correcte. Si une question a été repondu plus d'une fois, la réponse à cette question sera considérée fausse.
3. Cochez vos réponses en utilisant un crayon noir. Ne débordez pas la case en cochant la réponse. N'utilisez pas un stylo à bille ou un stylo à encre.
4. Ne chiffonnez pas votre feuille. Ne la pliez pas et n'écrivez rien de plus dessus.
5. En cas de changement d'une réponse, effacez avec soin et sans déformer la feuille avec une gomme tendre et n'oubliez pas de cocher une autre réponse.
6. Pour obtenir la note des tests, le quart du nombre de réponses fausses sera déduit du nombre de réponses correctes, la notation obtenue sera votre note nette.
7. Les autres consignes à suivre se trouvent sur le dos du livret de concours.

## إرشادات عامة

- 1 تمت الإشارة إلى طريقة الإجابة على الأسئلة الموجودة بهذا الاختبار في بداية الاختبارات؛ فنرجو قراءة هذه الإرشادات قبل البدء في الإجابة على الأسئلة
- 2 هناك إجابة صحيحة واحدة لكل سؤال من الأسئلة الموجودة بهذه الاختبارات، وعند الإشارة على أكثر من إجابة واحدة لنفس السؤال، سيتم اعتبار إجابة هذا السؤال إجابة خاطئة
- 3 يطلب إيجاباتك بقلم رصاص أسود وطري، مع مراعاة عدم التظليل خارج المكان المخصص للإجابة، وعدم استخدام القلم الجاف أو قلم الحبر
- 4 يرجى عدم ثني أو طي استمارة الإجابة النهائي، مع مراعاة عدم وضع أي إشارة غير ضرورية عليها
- 5 يستخدم مساحة نامية في مسح الإجابات التي تزيد تغييرها، مع مراعاة الحفاظ على استمارة الإجابة أثناء عملية المسح، والتظليل على مكان الإجابة الجديدة بعد مسح الإجابة القديمة بشكل تام
- 6 عند زetting الدرجات الخاصة بهذه الاختبارات سيتم انتقص إجابة واحدة لكل أربعة إجابات خاطئة من العدد الكلي للإجابات الصحيحة واحتساب الدرجة النهائية على هذا الأساس
- 7 تم إيضاح القواعد الأخرى التي سيتم اتباعها في هذا الاختبار في الصفحة الخلفية لغلاف كتاب الأسئلة هذا

## ОБЩИЕ ПРАВИЛА

1. В самом начале тестов разъяснено, как отвечать на вопросы экзамена. Перед началом работы внимательно прочитайте разъяснение.
2. На каждый вопрос теста существует один правильный ответ. Если помечено более одного ответа, то ответ считается неправильным.
3. Ответы следует помечать черным мягким карандашом. Пометки не должны выходить за пределы рамки. Использовать шариковую ручку или авторучку нельзя.
4. Контрольный лист не следует мять, складывать или ставить на нем какие-либо знаки.
5. При желании изменить ответ, следует мягкой резинкой осторожно стереть пометку и не забыть поставить новую пометку.
6. При оценке данных тестов, из числа правильных ответов будет вычтена одна четверть числа неправильных ответов. Оставшееся число будет соответствовать вашим предварительным баллам.
7. Остальные правила, соблюдаемые во время экзамена указаны на задней обложке экзаменационного вопросника.

## ALLGEMEINES

1. Wie die Fragen zu beantworten sind, wird am Anfang des jeweiligen Tests erläutert. Bitte lesen Sie diese Erläuterungen sorgfältig durch, bevor Sie mit der Beantwortung der Fragen beginnen.
2. Bei allen Fragen dieses Tests gibt es nur eine richtige Antwort. Wenn bei einer Frage mehrere Antworten markiert werden, wird diese Frage als falsch bewertet.
3. Bitte markieren Sie Ihre Antworten mit einem dunklen und weichen Bleistift. Achten Sie dabei darauf, den jeweiligen Markierungskreis gut auszufüllen, aber nicht zu überschreiten. Bitte keinen Kugelschreiber und keinen Füller verwenden!
4. Den Antwortbogen bitte nicht zerknittern, nicht falten und keine unnötigen Markierungen machen!
5. Wenn Sie eine markierte Antwort ändern möchten, bitte mit einem weichen Radiergummi sauber radieren. Achten Sie dabei darauf, den Antwortbogen nicht aufzureiben und bitte vergessen Sie nicht, Ihre neue Antwort zu markieren!
6. Bei der Bepunktung der Tests wird von der Anzahl der richtigen Antworten ein Viertel der Anzahl der falschen Antworten abgezogen. Die verbleibende Zahl bildet dann Ihre Bruttonpunktzahl.
7. Die weiteren Regeln dieser Prüfung sind auf der Rückseite dieses Frageheftes angeführt.

## TEMEL ÖĞRENME BECERİLERİ TESTİ

1. Bu test sizin soyut düşünme gücünüzü ölçmek için hazırlanmıştır.
2. Bu teste 80 soru vardır. İlk 30 soru Matematik ve Geometri sorularından, geri kalan 50 soru ise Genel Yetenek sorularından oluşmaktadır.
3. Bu sınavda verilen cevaplama süresi, 135 dakikadır.
4. Cevaplamaaya istediğiniz sorudan başlayabilirsiniz. Cevaplarınızı işaretlerken soru kitapçığındaki soru numarası ile cevap kâğıdındaki cevap numarasının aynı olmasına dikkat ediniz.

BAŞARILAR DILERİZ.

## BASIC LEARNING SKILLS TEST

1. This test is designed to measure your abstract reasoning.
2. This test is comprised of 80 questions. First 30 questions are composed of Maths and Geometry and the rest 50 questions are composed of General Ability questions.
3. The time given to answer the items is 135 minutes.
4. The questions need not be answered in any special order. Make sure that the number on the answer sheet correspond to the number of the question you are working on in the test booklet.

WE WISH YOU SUCCESS.

## TEST DE COMPETENCES ET DE CONNAISSANCES DE BASE

1. Ce test a été préparé en vue d'évaluer votre capacité de réflexion cognitive.
2. Ce test contient 80 questions. Les 30 premières questions sont sur les Mathématiques et la Géométrie, les 50 questions qui restent évaluent les Capacités Générales de l'étudiant.
3. Dans ce concours, la durée accordée aux réponses est 135 minutes.
4. Vous pouvez commencer à répondre à la question de votre choix. En cochant vos réponses, faites attention à ce que le numéro de la question du livret et celui de la feuille de réponse soient identiques.

BONNE REUSSITE.

## اختبار مهارات التعليم الأساسية

- 1 تم إعداد هذا الاختبار لقياس قوة التفكير التجريدي لدى الطالب
- 2 ينطوي هذا الاختبار من 80 سؤالاً يتكون أول 30 سؤالاً من الرياضيات والهندسة، و 50 الباقية من المعلومات العامة والمنطقية
- 3 مدة الإجابة المخصصة لهذا الاختبار 135 دقيقة
- 4 بإمكانك أن تبدأ بالإجابة عن السؤال الذي ترغب في الإجابة عليه، مع ملاحظة أن يكون رقم السؤال الذي قمت بالإجابة عليه في كتاب الأسئلة هو نفس رقم الجواب المخصص لهذا السؤال في إستمارة الإجابة مع تمنياتنا لكم بالتفوق والنجاح

## ТЕСТ ПО ОСНОВАМ ЗНАНИЙ

1. Данный тест подготовлен для определения уровня вашего абстрактного мышления.
2. Этот тест состоит из 80 вопросов. Первый блок состоит из 30 вопросов по математике и геометрии, остальные 50 касаются общих способностей.
3. Продолжительность экзамена 135 минут.
4. Отвечать можно начинать с любого вопроса. Обращайте внимание на соответствие номера вопроса в экзаменационном вопроснике номеру ответа на контрольном листе.

ЖЕЛАЕМ УСПЕХОВ.

## TEST FÜR GRUNDLEGENDE LERNFÄHIGKEITEN

1. Dieser Test wurde erstellt, um Ihr abstraktes Denkvermögen zu messen.
2. Dieser Test besteht aus 80 Fragen. Die ersten 30 Fragen beziehen sich auf die Mathematik und Geometrie, die restlichen 50 Fragen beziehen sich auf allgemeine Fähigkeiten.
3. Diese Prüfung dauert 135 Minuten.
4. Sie können den Test mit einer beliebigen Frage beginnen. Bitte achten Sie bei der Markierung der Antworten darauf, dass die Nummer der Frage mit der Nummer der Antwort auf dem Antwortbogen übereinstimmt.

WIR WÜNSCHEN IHNEN VIEL ERFOLG!

### NOT / NOTE / NOTE / ملحوظة / ЗАМЕТКИ / HINWEIS

ONDALIK KESİRLERİ GÖSTERMEK İÇİN TÜRKÇE METİNLERDE VİRGÜL (,) KULLANILIR.

DECIMALS ARE INDICATED BY A COMMA (,) IN TURKISH.

LA FRACTION DECIMALE EST MARQUEE PAR DES VIRGULES (,) DANS LES QUESTIONS EN TURC.

يتم استخدام "الفاصلة" (,) في النصوص التركية للإشارة إلى الكسور العشرية

ПРИ НАПИСАНИИ ДЕСЯТИЧНЫХ ДРОБЕЙ В ТЕКСТАХ НА ТУРЦКОМ ЯЗЫКЕ ИСПОЛЬЗУЕТСЯ ЗАПЯТАЯ (,)

DEZIMALBRÜCHE WERDEN IN TÜRKISCHEN TEXTEN MIT KOMMA (,) ANGEZEIGT.





1)

$$x = 1$$

مطروح من دوشي مقدار دفعه اسنه

$$\left( \frac{6}{x+3} - \frac{3}{x} \right) \left( 3 + \frac{x^2+9}{x-3} \right) = ?$$

$$\left( \frac{6}{x+3} - 3 \right) \left( 3 + \frac{10}{-2} \right)$$

$$\left( \frac{-3}{x} \right) \left( -2 \right) = 3$$

A)  $-3$

B)  $3$

C)  $\frac{1}{x}$

D)  $\frac{3}{x+3}$

E)  $\frac{x}{x+3}$

3)

\* این تجربه میتوان یک سالم طبقه بود!

$$\log_4 6 = x \Rightarrow \log_6 12 = ?$$

$$\frac{\log 6}{\log 4} = x \rightarrow \frac{\log^3_2 + \log^2_2}{\log^2_2} \cdot 2x \rightarrow \log^3_2 + 1 = 2x$$

$$\log^3_2 = 2x - 1$$

A)  $\frac{x+1}{2x}$

B)  $\frac{2x+1}{2x}$

C)  $\frac{2x+1}{x}$

D)  $\frac{x+1}{x}$

E)  $\frac{2x+1}{2}$

$$\log_6^6 = \frac{\log 6}{\log 12} = \frac{\log^3_2 + \log^2_2}{\log^2_2 + \log^3_2} = \frac{2+2x-1}{1+2x-1} = \frac{2x+1}{2x}$$

2)  $\frac{x}{\sqrt{3}} = \sqrt{3} \rightarrow x = 3$

$$f\left(\frac{x}{\sqrt{3}}\right) = ax^2 + b, \quad g(x\sqrt{5}) = bx^2 + a$$

$$\begin{cases} f(\sqrt{3}) = 38 \\ g(5\sqrt{2}) = 24 \end{cases} \Rightarrow f(0) + g(0) = ?$$

$$\begin{cases} 9a + b = 38 \\ 10b + a = 24 \end{cases}$$

$$a = 4, b = 2 \quad ①$$

$$(5\sqrt{2})^2 = b(5\sqrt{2})^2 + a \quad ②$$

$$g(x\sqrt{3}) = bx^2 + a$$

$$5\sqrt{2} = x\sqrt{3} \rightarrow x = \sqrt{10}$$

$$①, ② \Rightarrow a+b=6$$

A)  $-4$

B)  $-2$

C)  $4$

D)  $6$

E)  $8$

4)

$$\left( 0,8 + \frac{0,6}{0,2} \right) \left( 3 - \frac{4}{5} \right) + 0,64 = ? \rightarrow \left( \frac{4}{5} + 3 \right) \left( 3 - \frac{4}{5} \right) + \frac{16}{25}$$

$$\left( \frac{19}{5} \right) \left( \frac{11}{5} \right) + \frac{16}{25} = \frac{225}{25} = 9$$

A)  $9$

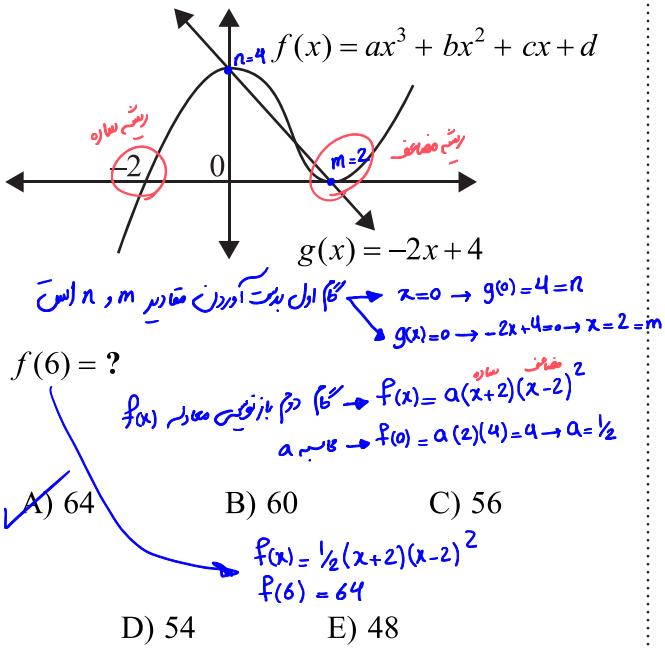
B)  $4$

C)  $3$

D)  $\frac{1}{3}$

E)  $\frac{2}{9}$

5)



6)

$$\sqrt{3} - \sqrt{2} = x^2$$

$$\Rightarrow (\sqrt{\sqrt{3}+1} - \sqrt{\sqrt{3}-1})^2 = ?$$

$$A^2 = \sqrt{3+1} + \sqrt{3-1} - 2\sqrt{(\sqrt{3+1})(\sqrt{3-1})} \rightarrow A^2 = 2\sqrt{3} - 2\sqrt{2}$$

$$2(\sqrt{3} - \sqrt{2}) \rightarrow A = 2\sqrt{2}$$

$$A = x\sqrt{2}$$

Options:

- A)  $x\sqrt{2}$
- B)  $x\sqrt{3}$
- C)  $x\sqrt{6}$
- D)  $\frac{x}{\sqrt{2}}$
- E)  $\frac{x}{\sqrt{3}}$

7)

$$\left. \begin{array}{l} P(x) = x^2 + ax + b \\ Q(x) = xP(x) + 2 \\ Q(-1) = Q(1) = Q(2) = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow P(-2) = ?$$

$$Q(-1) = -P(-1) + 2 = 0 \rightarrow P(-1) = 2 \rightarrow 2 = 1 - a + b \rightarrow a = 1 - b$$

$$Q(1) = P(1) + 2 = 0 \rightarrow P(1) = -2 \rightarrow -2 = 1 + a + b \rightarrow b = -3 - a$$

$$Q(2) = 2P(2) + 2 = 0 \rightarrow P(2) = -1$$

Options:

- A) -2
- B) 0
- C) 2
- D) 3
- E) 7

8)  $x=0, y=2$

$$\left( \frac{3x}{y} - \frac{3x^2 + 5y^2}{x+y} \right) \cdot \left( \frac{1}{y} + \frac{8}{3x-5y} \right) = ?$$

$$\left( \frac{-20}{-10} \right) \left( \frac{1}{2} + \frac{8}{-10} \right) = -5 + 8 = 3$$

- A)  $\frac{3}{y}$       B)  $\frac{1}{3x-5y}$       C)  $\frac{3}{x+y}$   
 D)  $3y$       E) 3

9)

$$\frac{(6^4)^2}{6^8 - 1} = ?$$

$$\frac{6^8 - 1}{6^6 - 6^4 + 6^2 - 1} = ?$$

$$\frac{(6^4-1)(6^4+1)}{6^4(6^2-1) + (6^2-1)} = ?$$

$$\frac{(6^4-1)(6^4+1)}{(6^2-1)(6^2+1)} = ?$$

$$= 37$$

- A) 1      B) 6      C) 18  
 D) 36      E) 37



10)

$$f: [-4, 0] \rightarrow \left[ -\frac{3}{2}, \frac{29}{2} \right]$$

$f(x) = x^2 - 2b$

$$(f \circ f)(-1) = -\frac{5}{4}$$

$\star$   $\text{r=0} \rightarrow f(x) = x^2 - \frac{3}{2}$

$$\text{① } f^{-1}(x^2 - \frac{3}{2}) = x$$

$$\text{② } x^2 - \frac{3}{2} = \frac{5}{2}$$

$$x^2 = 4 \rightarrow x = -2$$

A) -4      B) -3      C) -2      D) 0      E) 3

12)

$$i^2 = -1$$

$$\Rightarrow \left( \frac{1-i}{i^2} \right)^{14} + \left( \frac{1+2i}{2i^2} \right)^7 = ?$$

$$\left( \frac{1-i}{i(i-1)} \right)^{14} + \left( \frac{1+2i}{i(2i+1)} \right)^7$$

$$\frac{1}{i^{14}} + \frac{1}{i^7} \rightarrow \frac{1}{-1} + \frac{1}{i} =$$

A)  $-1-i$       B)  $-1+i$       C)  $1+i$   
D)  $1-i$       E)  $2i$

11)

$$5^{\ln x} + x^{\ln 5} + 5^{1+\ln x} = 35$$

$$\Rightarrow x = ?$$

$$5^{\ln x} + 5^{\ln x} + 5 \cdot 5^{\ln x} = 35$$

$$7 \cdot 5^{\ln x} = 35 \rightarrow 5^{\ln x} = 5^1 \rightarrow \ln x = 1$$

$$\ln e = 1 \rightarrow x = e$$

A) 1      B) e      C) 5  
D)  $e^2$       E)  $5e$

$$x=0 \rightarrow \left( \frac{-10}{-25} \right) \times \left( \frac{8}{-4} \right) = \frac{4}{5}$$

$$\frac{3x^2 + 13x - 10}{x^2 - 25} \cdot \frac{27x^3 + 8}{9x^2 - 4} = ?$$

$$A) \frac{3x^2 + 2}{x + 5}$$

$$C) \frac{3x - 2}{x - 5}$$

$$E) \frac{3x - 2}{x + 5}$$

$$B) \frac{9x^2 - 6x + 4}{x - 5}$$

$$D) \frac{9x^2 + 6x + 4}{x + 5}$$





19)

$$\begin{aligned} x &= 35 \\ y &= \sqrt{600} \\ &\quad \Rightarrow \sqrt{x+y} - \sqrt{x-y} = ? \\ &\quad \sqrt{35+2\sqrt{150}} - \sqrt{35-2\sqrt{150}} \\ &\quad (\sqrt{30} + \sqrt{5}) - (\sqrt{30} - \sqrt{5}) = 2\sqrt{5} \\ \text{A) } \frac{\sqrt{5}}{2} &\quad \text{B) } \sqrt{5} \quad \text{C) } 2\sqrt{5} \\ &\quad \text{D) } 2\sqrt{6} \quad \text{E) } 5 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 20) \quad &f(2x+3) = 3x+4 \\ &f^{-1}(4x-6) = 5x+9 \\ &4x-6 = g(5x+9) \\ &\Rightarrow (fog^{-1})^{-1}(-2) = ? \rightarrow g(\frac{f^{-1}(-2)}{1}) = g(1) \\ \text{A) } -9 &\quad \text{B) } -10 \quad \text{C) } -12 \\ &\quad \text{D) } -14 \quad \text{E) } -16 \end{aligned}$$

21)

$$\begin{aligned} \frac{4}{\log_3 x} + \frac{1}{\log_x 3} &= 4 \rightarrow 4 \cancel{\log_3 x} + \cancel{\log_x 3} = 4 \\ 4k + \frac{1}{k} &= 4 \rightarrow 4k^2 - 4k + 1 = 0 \\ (2k-1)^2 &= 0 \\ k &= \frac{1}{2} \\ \cancel{\log_3 x} = \frac{1}{2} &\rightarrow x = 3 \rightarrow \boxed{x = 9} \\ \text{A) } 3 &\quad \text{B) } 6 \quad \text{C) } 9 \\ &\quad \text{D) } 12 \quad \text{E) } 15 \end{aligned}$$

22)

$$\begin{aligned} &\frac{\sin^2 x + 4 \cos^2 x - 3}{\cos^2 x - 2 \sin^2 x} = ? \quad \frac{3 \cos^2 x - 2}{\cos^2 x - 2(1 - \cos^2 x)} = 1 \\ &\text{A) } \cos x \quad \text{B) } 1 \quad \text{C) } \sin x \\ &\text{D) } \tan x \quad \text{E) } 2 \end{aligned}$$

